

| 위치 | 오류유형 | 수정 전 | 수정 후 |
|------------------|------|--|--|
| 48~49p 번호 : 2 | 해설 | <p>$P(X_n) = \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2}$이고 $P(X_{n+1})=0$입니다.</p> <p>왜냐하면 $t=n+1$초에 (n, 0)에 도착할 수 없기 때문입니다. $P(X_{n+2})$는 경로에 따라 분류가 필요합니다.</p> <p>(i) $n+1$번의 이동이 →이고 1번이 ←인 경우의 확률</p> <p>경로의 수는 같은 것을 포함한 순열로서 $\frac{(n+2)!}{(n+1)!1!} = n+2$입니다. 이때 경로 중 → → → ←와 → → → ← →는 $(n, 0)$을 지나 다시 $(n, 0)$으로 돌아오는 경우입니다. 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되는 경우는 n초에 최초 감염되는 사건이므로 계외해야 합니다. 즉, 이 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2}$입니다.</p> <p>한편, 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되지 않고, 다시 $(n, 0)$에 돌아와 감염되는 사건은 포함시켜야 합니다. 즉, 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2}$입니다. 따라서 (i)의 경우의 확률은 $(n+2) \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2} - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n+1}{2} \dots \textcircled{1}$ 입니다.</p> <p>(ii) n번의 이동이 →이고 ↑와 ↓의 이동이 각각 1번씩인 경우의 확률</p> <p>경로의 수는 같은 것을 포함한 순열의 수와 같으므로 $\frac{(n+2)!}{n!1!1!} = n^2 + 3n + 2$입니다. 사건 X_n의 경우의 수인 → → → ↑와 → → → ↓와 → → → ←와 → → → ← →는 $(n, 0)$을 지나 다시 $(n, 0)$으로 돌아오는 경우입니다. 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되는 경우는 n초에 최초 감염되는 사건이므로 계외해야 합니다. 즉, 이 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2}$입니다. 한편, 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되지 않고, 다시 $(n, 0)$에 돌아와 감염되는 사건은 포함시켜야 합니다. 즉, 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2}$입니다. 따라서 (ii)의 경우의 확률은 $(n^2 + 3n + 2) \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 3n + 1}{2} \dots \textcircled{2}$ 입니다.</p> <p>(i), (ii)에 의해 $P(X_{n+2}) = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 3n + 1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 4n + 2}{2}$ 입니다.</p> <p>따라서 $P(X) = P(X_n) + P(X_{n+1}) + P(X_{n+2}) = \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 4n + 2}{2}$ 이므로 $P(Y X) = \frac{P(X \cap Y)}{P(X)} = \frac{\left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{(m+1)(n-m+1)+2}{4}}{\left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 4n + 16}{2}} = \frac{(m+1)(n-m+1)+2}{2(n^2 + 4n + 16)}$ 가 됩니다.</p> <p>이상으로 2번 문제의 답변을 마치겠습니다. 감사합니다!</p> <p>수정 사유</p> <p>해설 및 정답 오류</p> | <p>$P(X_n) = \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2}$이고 $P(X_{n+1})=0$입니다. 왜냐하면 $t=n+1$초에 (n, 0)에 도착할 수 없기 때문입니다. $P(X_{n+2})$는 경로에 따라 분류가 필요합니다.</p> <p>(i) $n+1$번의 이동이 →이고 1번이 ←인 경우의 확률</p> <p>경로의 수는 같은 것을 포함한 순열로서 $\frac{(n+2)!}{(n+1)!1!} = n+2$입니다. 이때 경로 중 → → → ←와 → → → ← →는 $(n, 0)$을 지나 다시 $(n, 0)$으로 돌아오는 경우입니다. 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되는 경우는 n초에 최초 감염되는 사건이므로 계외해야 합니다. 즉, 이 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2}$입니다.</p> <p>한편, 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되지 않고, 다시 $(n, 0)$에 돌아와 감염되는 사건은 포함시켜야 합니다. 즉, 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2}$입니다. 따라서 (i)의 경우의 확률은 $(n+2) \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2} - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n+1}{2} \dots \textcircled{1}$ 입니다.</p> <p>(ii) n번의 이동이 →이고 ↑와 ↓의 이동이 각각 1번씩인 경우의 확률</p> <p>경로의 수는 같은 것을 포함한 순열의 수와 같으므로 $\frac{(n+2)!}{n!1!1!} = n^2 + 3n + 2$입니다. 이때 경로 중 → → → ↑와 → → → ↓와 → → → ←와 → → → ← →는 $(n, 0)$을 지나 다시 $(n, 0)$으로 돌아오는 경우입니다. 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되는 경우는 n초에 최초 감염되는 사건이므로 계외해야 합니다. 즉, 이 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2}$입니다. 한편, 처음 $(n, 0)$을 지날 때, 슬픔이가 감염되지 않고, 다시 $(n, 0)$에 돌아와 감염되는 사건은 포함시켜야 합니다. 즉, 경우의 확률은 $2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2}$입니다. 따라서 (ii)의 경우의 확률은 $(n^2 + 3n + 2) \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 3n + 1}{2} \dots \textcircled{2}$ 입니다.</p> <p>(i), (ii)에 의해 $P(X_{n+2}) = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 3n + 1}{2} = \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 4n + 2}{2}$ 입니다.</p> <p>따라서 $P(X) = P(X_n) + P(X_{n+1}) + P(X_{n+2}) = \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1} + \left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 4n + 2}{2}$ 이므로 $P(Y X) = \frac{P(X \cap Y)}{P(X)} = \frac{\left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{(m+1)(n-m+1)+2}{4}}{\left(\frac{1}{4}\right)^{n+2} \cdot \frac{n^2 + 4n + 18}{2}} = \frac{(m+1)(n-m+1)+2}{2(n^2 + 4n + 18)}$ 입니다.</p> <p>이상으로 2번 문제의 답변을 마치겠습니다.</p> |

도서의 오류로 학습에 불편드린 점 진심으로 사과드립니다.
 더 나은 도서를 만들기 위해 노력하는 시대교육그룹이 되겠습니다.